$$\sim (\mathbb{R}^{\uparrow\downarrow} - \mathbb{R}^{\downarrow\uparrow})^{-1} \sim \chi^{-2}$$